

BORÉLIEN (A4, A5)

(13 / 06 / 2020, © Monfort, Dicostat2005, 2005-2020)

(i) Soit (E, \mathcal{O}) un **espace topologique**, dont la **famille** des **ouverts** est notée \mathcal{O} (**topologie** de E).

On appelle **partie borélienne**, ou **ensemble borélien**, ou simplement **borélien** de E tout élément de la **tribu** \mathcal{T} **engendrée** par \mathcal{O} , ie : $\mathcal{T} = \sigma(\mathcal{O})$.

La famille \mathcal{T} est appelée **tribu des boréliens**, ou **tribu borélienne**, ou encore **tribu de E. BOREL**, de E . Elle est souvent notée \mathcal{B}_E ou $\mathcal{B}(E)$.

(ii) Lorsque $E = \mathbf{R}^n$, on note $\mathcal{B}_{\mathbf{R}^n}$, ou $\mathcal{B}(\mathbf{R}^n)$, ou \mathcal{B}_n , ou parfois même \mathcal{R}_n , la tribu borélienne de \mathbf{R}^n . Si aucune tribu n'est précisée sur \mathbf{R}^n , c'est (par défaut) cette dernière qui est, le plus souvent, sous-entendue.