

## ÉCHANTILLON ÉQUIDISTRIBUÉ (F1, M3)

(18 / 03 / 2020, © Monfort, Dicostat2005, 2005-2020)

(i) Soit  $(\Omega, \mathcal{F}, P)$  un **espace probabilisé**,  $(\mathcal{X}_n, \mathcal{B}_n)_{n=1, \dots, N}$  une **suite** finie d'**espaces d'observation** quelconques et  $(\prod_{n=1}^N \mathcal{X}_n, \otimes_{n=1}^N \mathcal{B}_n)$  son produit.

On appelle **échantillon équidistribué** de taille  $N$ , ou  **$N$ -échantillon équidistribué**, toute suite  $X = (X_1, \dots, X_N)$  constituée de  $N$  **va**  $X_n : \Omega \mapsto \mathcal{X}_n$  dont la **loi** commune est  $P^{X(n)} = P^\xi$ , **loi de probabilité** d'une **variable parente** donnée  $\xi : \Omega \mapsto \mathcal{X}_0$  (en notant  $X(n)$  pour désigner  $X_n$ ).

(ii) Un échantillon équidistribué peut être considéré comme un **processus stochastique** en **temps** discret ( $T = \mathbf{N}^*$ ) dont les **va** suivent la même loi (cf **suite équidistribuée**).

Ce qui caractérise  $X$  est donc son « **homogénéité** probabiliste ». Les **va**  $X_n$  peuvent être indépendantes ou non, mais les **lois marginales** de la suite  $X$  sont toutes égales entre elles.

(iii) On appelle  **$n$ -ième observation** de  $X$  :

(a) soit la **va** (coordonnée)  $X_n$  ;

(b) soit son image  $x_n = X_n(\omega)$  en un point  $\omega \in \Omega$  (ie la valeur de la variable  $X_n$  observée sur l'unité  $\omega$ ).

Souvent, en pratique,  $\mathcal{X} = \mathbf{R}^K$  (avec  $K \geq 1$ ).