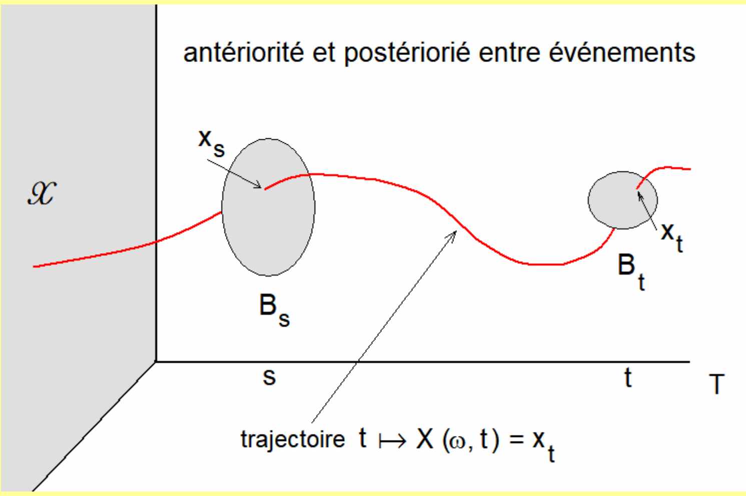
ÉVÉNEMENT POSTÉRIEUR (N)
(12 / 06 / 2020, © Monfort, Dicostat2005, 2005-2020)

(i) Lorsqu'un **processus stochastique** accède à un **état** (ou à un **ensemble** d'états) donné(s), à un instant donné, on appelle **événement postérieur** à cet événement un **état** (ou un ensemble d'états) atteint(s) ultérieurement (cf **événement**).

L'ensemble des **temps** T du processus est donc ordonné, eg $(T, \leq)$, où $\leq$ désigne une **relation d'ordre**.

Soit $X = \{(\Omega, \mathcal{T}, P), (\mathcal{X}, \mathcal{B}), (X_t)_{t \in T}\}$ un processus, $B_s \in \mathcal{B}$ une **partie mesurable** dans laquelle X se trouve à l'instant s (ie $X_s \in B_s$) et $B_t \in \mathcal{B}$ une **partie mesurable** dans laquelle X se trouve à l'instant $t > s$ (ie $s \leq t$, $t \neq s$ et $X_t \in B_t$), on dit que B_t est un (ensemble d') état(s) postérieurs à B_s (schéma ci-après).



(ii) Dans le contexte d'une **chaîne de MARKOV** à ensemble des temps discret (T = **N**) et à ensemble des état $\mathcal{X}^{\mathbf{N}}$, on note c_τ l'**opérateur de translation**. Soit $A \in \mathcal{B}(\mathcal{X}^{\mathbf{N}})$ (**tribu borélienne** de $\mathcal{X}^{\mathbf{N}}$) un évènement donné. On appelle alors **événement postérieur** à l'instant (ou au temps) τ tout événement de la forme :

(1) $c_\tau^{-1}(A) = \{\omega \in A : c_\tau(\omega) \in A\}$.