

INVARIANCE PAR RÉARRANGEMENT (A4, A5, N)

(28 / 08 / 2020, © Monfort, Dicostat2005, 2005-2020)

Soit (Ω, \mathcal{F}, P) un **espace probabilisé** et $(E, \|\cdot\|)$ un **espace de BANACH** constitué de **vars**.

On dit que E est **invariant par réarrangement** ssi, pour tout automorphisme $\varphi \in \text{Aut}(\Omega)$ (cf **application linéaire**) de Ω préservant P , ie tq P soit invariante par φ (cf **invariance**) :

$$(1) \quad P^\varphi = \varphi(P) = P,$$

les deux propriétés suivantes sont vérifiées :

$$(2) \quad \xi \in E \Rightarrow \xi \circ \varphi^{-1} \in E,$$

$$\|\xi\| = \|\xi \circ \varphi^{-1}\|$$

(cf aussi **homomorphisme**, **automorphisme d'espaces mesurés**).