

MATRICES SEMBLABLES (A3)

(07 / 06 / 2020, © Monfort, Dicostat2005, 2005-2020)

(i) Deux **matrices semblables** sont deux **matrices équivalentes** particulières tq $F_m = E_n$ et $R = Q$ (matrices de passage entre bases).

(ii) On montre que :

(a) si $A \in M_n(\mathbf{R})$, il existe $P \in R_n(\mathbf{C})$ tq :

$$(1) \quad P^{-1} A P = T,$$

où $T \in T_n^+(\mathbf{C})$ (**matrice triangulaire** supérieure) et son spectre (dans \mathbf{R}) $\text{Sp}_{\mathbf{R}} A$ n'est autre que $\text{Diag } T$ (diagonale de T) (cf **spectre d'un opérateur**) ;

(b) si A et B sont deux matrices semblables, avec $A \in M_n(\mathbf{R})$, alors $\text{Sp}_{\mathbf{R}} B = \text{Sp}_{\mathbf{R}} A$ (mêmes **valeurs propres** réelles).