MESURE SIGNÉE (A5)
(25 / 10 / 2019, © Monfort, Dicostat2005, 2005-2019)

(i) Soit (E, $\mathscr{A}$) un **espace mesurable**.

On dit que la **fonction d'ensembles** $\mu : \mathscr{A} \mapsto \mathbf{R}$ est une **mesure signée** ssi elle est la différence de deux **mesures positives** μ' et μ'' dont l'une (au moins) est finie, ie :

(1) $\mu = \mu' - \mu''$.

On note alors $\mu' = \mu^+$ (**partie positive** de μ) et $\mu'' = \mu^-$ (partie négative de μ).

(ii) Soit (E, $\mathscr{O}$) un **espace topologique** et $\mathscr{C}_{\mathbf{R}}$ (E) l'espace des fonctions réelles continues sur E. On note $\mathscr{B}_a$ la **tribu de BAIRE** de E, ie celle engendrée par les fonctions $f \in \mathscr{C}_{\mathbf{R}}$ (E).

On dit alors qu'une mesure μ définie sur $\mathscr{B}_a$ est une **mesure signée** ssi elle est une **mesure bornée** sur $\mathscr{B}_a$. L'**espace mesuré** (E, $\mathscr{B}_a$, μ) est parfois appelé **espace mesuré signé**, ou parfois **espace mesuré avec signe**.