

## MÉTHODE DES MOINDRES CARRÉS INDIRECTS (H, J1)

(05 / 11 / 2019, © Monfort, Dicostat2005, 2005-2019)

Dans certaines **situations statistiques** favorables, un **modèle d'interdépendance** peut être estimé directement sur la **forme réduite**. On peut alors en déduire des estimateurs des paramètres de la **forme structurelle**.

(i) On considère le **modèle d'interdépendance** (sous forme implicite) suivant :

$$(1) \quad f(\xi, \eta) = \varepsilon, \quad \text{avec } E \varepsilon = 0,$$

liant un vecteur  $\eta$  de **variables endogènes**  $\eta_g$  ( $\forall g \in N_G^*$ ) à un vecteur  $\xi$  de **variables exogènes**  $\xi_k$  ( $\forall k \in N_K^*$ ).

On « observe » ce modèle dans l'**espace des observations** selon :

$$(2) \quad F(X, Y) = U, \quad \text{avec } E U = 0.$$

Si la forme réduite associée à (1) est à **perturbation** additive, ie si :

$$(3) \quad \eta = g(\xi) + \varphi, \quad \text{avec } E \varphi = 0,$$

et si elle est observée selon :

$$(4) \quad Y = G(X) + V, \quad \text{avec } E V = 0,$$

l'estimation de (1) (ie de  $f$ ) peut s'effectuer en trois étapes :

(a) passage de la forme structurelle (2) à la forme réduite (4) ;

(b) estimation de  $G$  (ie de  $g$ ) à l'aide d'un estimateur adapté  $G_{N^*}$ , ce qui fournit un estimateur  $g_{N^*}$  de  $g$  ;

(c) remplacement de  $\eta$  par  $\tilde{\eta} = g_{N^*}(\xi)$ .

(ii) Dans certains cas, notamment lorsque le modèle est un **modèle identifié**, l'application d'une méthode d'estimation (eg la **méthode des mco**, la **méthode des mcg** ou la **méthode du mv**) au modèle (3) (resp (4)) permet d'estimer  $f$ .

(iii) L'exemple typique est celui du **modèle d'interdépendance linéaire**, sous forme « standard » (cf **modèle d'interdépendance standard**) :

$$(5) \quad B \eta + C \xi = \varepsilon, \quad \text{avec } E \varepsilon = 0, V \varepsilon = \Sigma,$$
$$\text{rg } B = G \text{ et } b_{gg} = 1, \quad \forall g \in N_G^*.$$

Lorsque ce dernier est juste identifié, la forme réduite s'écrit :

$$\eta = A \xi + \varphi, \quad \text{avec } E \varphi = 0, V \varphi = B^{-1} \Sigma (B')^{-1},$$

(6)

$$\text{où } A = -B^{-1}C \text{ et } \varphi = B^{-1}\varepsilon.$$

Lorsque la méthode des moindres carrés (ordinaires ou généralisés) est applicable, le **modèle de régression multiple** multidimensionnelle (6) fournit un estimateur  $A_{i,N}^{\sim}$  de A.

On appelle alors **estimateur des moindres carrés indirects** de (B, C) la solution  $(B_{i,N}^{\sim}, C_{i,N}^{\sim})$  de l'équation en (B, C) :

$$(7) \quad B A_{i,N}^{\sim} + C = 0.$$