

## MODÈLE SOUS-IDENTIFIÉ (G, J)

(12 / 12 / 2019, © Monfort, Dicostat2005, 2005-2019)

Un **modèle statistique** dont le **paramètre d'intérêt** n'est pas assez « contraint », ie dépend d'un autre paramètre de façon trop « lâche » est souvent appelé **modèle sous-identifié**.

(i) On utilise le même cadre que celui d'un **modèle sur-identifié**.

On dit alors que  $(\mathcal{X}, \mathcal{B}, (P_\theta)_{\theta \in \Theta})$  est un **modèle sous-identifié** ssi  $\text{Dim } W > \text{Dim } V$  (ie  $S > Q$ ). En effet, dans ce cas, la contrainte  $f$  n'est généralement pas inversible car il n'existe pas assez de **restrictions a priori** sur l'ensemble  $\Theta$  des valeurs possibles de  $\theta$ . On dit aussi que ce modèle est un « **modèle non identifié** » ou un « **modèle non identifiable** », puisque l'équation  $\theta = f(\tau)$  possède plusieurs solutions.

Le plus souvent, on doit imposer  $S - Q$  restrictions supplémentaires sur  $\Theta$  pour rendre ce modèle identifiable (cf aussi **degré de liberté**).

Selon le type de problème, on peut ne vouloir identifier que certaines coordonnées (paramètres utiles, ou paramètres d'intérêt) de  $\theta$  (**identification partielle**), ou seulement des fonctions d'intérêt dépendant de  $\theta$  (cf eg **contraste**).

(ii) La notion précédente est une notion de **sous-identification globale**, car définie sur tout l'ensemble  $\Theta$ . Si  $\Theta$  est un **espace topologique** et que l'on se restreint à un **voisinage**  $\mathcal{V}^*$  de la **vraie valeur** (inconnue)  $\theta^*$  de  $\theta$ , on parle de **sous-identification locale**.

(iii) Les notions précédentes interviennent souvent dans l'étude du **modèle d'interdépendance**. Elles ont conduit à un certain nombre de « **critères de sous-identification** » (cf **conditions d'identification**).