

## ORTHANT (A13, B4, C11)

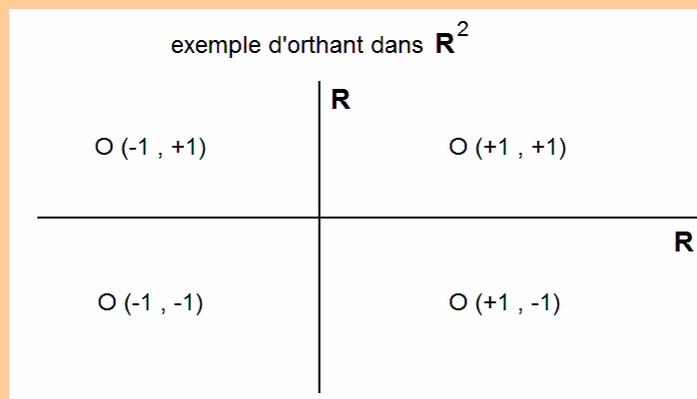
(24 / 03 / 2020, © Monfort, Dicostat2005, 2005-2020)

(i) On considère  $\mathbf{R}^K$  comme **espace affine** d'origine  $0 = (0, \dots, 0)$ .

On appelle **orthant** de  $\mathbf{R}^K$  l'ensemble des vecteurs  $x = (x_1, \dots, x_K)$  de  $\mathbf{R}^K$  tq  $\text{sgn } x_k \in \{-1, +1\}$ ,  $\forall k \in N_K^*$ , ie l'ensemble des points  $x$  dont le signe de chacune des ses coordonnées est constant.

On peut le noter  $O(e_1, \dots, e_K)$ , avec  $e_k \in \{-1, +1\}$ ,  $\forall k \in N_K^*$ .

On peut donc définir  $2^K$  orthants de  $\mathbf{R}^K$  (cf schéma ci-après, avec  $K = 2$  et 4 orthants).



En particulier, l'orthant  $O(+1, \dots, +1) = \mathbf{R}_+^K$  est appelé **orthant positif** et l'orthant  $O(-1, \dots, -1) = \mathbf{R}_-^K$  est appelé **orthant négatif**.

(ii) Soit  $\xi : \Omega \mapsto \mathbf{R}^K$  un **vecteur aléatoire** de loi  $P^\xi$ . On appelle **probabilité d'orthant** toute valeur  $P(O(e_1, \dots, e_K)) \in [0, 1]$  associée à un orthant  $O(e_1, \dots, e_K)$  donné. La notion intervient dans l'étude des **loi de probabilité** sur  $\mathbf{R}^K$ .