

PARAMÉTRISATION (G)

(16 / 06 / 2020, © Monfort, Dicostat2005, 2005-2020)

Le fait pour un **statisticien** d'attribuer un **paramètre d'intérêt** à un **modèle statistique** revient à une **paramétrisation** de ce modèle (cf **modèle paramétrique, paramètre**).

Ainsi, un modèle dont la famille des lois est fondée sur la loi normale $\mathcal{N}_K(\mu, \Sigma)$, avec $\mu \in \mathbf{R}^K$ et $\Sigma \in S_K(\mathbf{R})$ (**matrice symétrique**), sera naturellement paramétré :

(a) par μ si l'on s'intéresse à un problème de **centralité** (cf **valeur centrale, variable centrée**). La paramétrisation s'écrit alors $(\mathcal{N}_K(\mu, \Sigma))_{\mu \in \mathbf{R}^K}$ et le paramètre d'intérêt est $\mu \in \mathbf{R}^K$ (où \mathbf{R}^K désigne \mathbf{R}^K) ;

(b) par Σ si l'on s'intéresse à un problème de **dispersion** (cf **variabilité, variable réduite**). La paramétrisation s'écrit alors $(\mathcal{N}_K(\mu, \Sigma))_{\Sigma \in C(K)}$ et le paramètre d'intérêt est $\Sigma \in C(K)$, où $C(K)$ désigne le **cône** des matrices carrées symétriques d'ordre K .

(c) par (μ, Σ) si l'on s'intéresse à un problème de centrage-réduction (cf **variable normée**).

(i) Le choix du paramètre d'intérêt dépend du **domaine de connaissance** ainsi que du **phénomène** particulier étudié au sein de ce domaine. Un même phénomène peut donc être modélisé d'une façon versatile, donc susciter l'examen de paramètres différents.

(ii) Dans le cas **paramétrique**, si $(\mathcal{X}, \mathcal{B}, P_{\theta}^X)_{\theta \in \Theta}$ est la **représentation statistique** retenue pour un phénomène donné, on peut s'intéresser à un « nouveau » paramètre $\tau = g(\theta)$ au lieu du paramètre initial θ lui-même. Ici, la **reparamétrisation** $g : \Theta \mapsto \Gamma$ est une **application mesurable** donnée. Par suite, une inférence directe (eg estimation) portant sur θ conduit, en général, à un résultat (estimateur) différent de celui obtenu par inférence sur τ ; ce résultat aura donc des propriétés statistiques distinctes (eg absence de **biais** au lieu de présence de biais, etc).

(iii) Lorsque le modèle n'est pas d'emblée de type « paramétrique », l'écriture symbolique $(\mathcal{X}, \mathcal{B}, \mathcal{P}^X)$ contient une **paramétrisation « naturelle »** \mathcal{P}^X , avec $P^X \in \mathcal{P}^X$, ie $(\mathcal{X}, \mathcal{B}, \mathcal{P}^X) = (\mathcal{X}, \mathcal{B}, P^X)_{P^X \in \mathcal{P}^X}$, où P^X (resp \mathcal{P}^X) désigne P^X (resp \mathcal{P}^X). Cette dernière peut cependant être modifiée, notamment :

(a) lorsqu'on étudie un modèle $(\mathcal{S}, \mathcal{E}, \mathcal{P}^{\mathcal{S}})$ dérivé du précédent, et défini à partir d'une **statistique** $s: \mathcal{X} \mapsto \mathcal{S}$, où $(\mathcal{S}, \mathcal{E})$ désigne un **espace mesurable** auxiliaire et $S = s(X)$. La paramétrisation considérée est donc $\mathcal{P}^{\mathcal{S}}$, ou encore $(\mathcal{S}, \mathcal{E}, \mathcal{P}^{\mathcal{S}})$, avec $P^{\mathcal{S}} \in \mathcal{P}^{\mathcal{S}}$;

(b) lorsqu'on s'intéresse à une **caractéristique légale** donnée $\gamma = c(P^{\mathcal{X}}) \in \Gamma$, avec $c: \mathcal{P}^{\mathcal{X}} \mapsto \Gamma$, où Γ désigne l'ensemble des valeurs de la caractéristique γ considérée.