

## PROCESSUS NON STATIONNAIRE (N2)

(20 / 11 / 2020, © Monfort, Dicostat2005, 2005-2020)

Si les diverses notions de **stationnarité** usuelles comportent des définitions simples, celles de non stationnarité peuvent être définies par complémentation, mais elles possèdent alors une **complexité** plus forte.

(i) Soit  $X = \{(\Omega, \mathcal{F}, P), (\mathcal{X}, \mathcal{B}), (X_t)_{t \in T}\}$  un **processus** dont les « lois partielles » (ou lois marginales) sont notées  $\mathcal{L}(X_{t(1)}, \dots, X_{t(N)})$ ,  $\forall (t_1, \dots, t_N) \in T^N$  (où  $t(n)$  désigne  $t_n$ ,  $\forall n \in N_N^*$ ).

On dit que  $X$  est un **processus non stationnaire**, ou parfois un **processus évolutif**, ssi  $X$  n'est pas un **processus stationnaire**, ie ssi ses lois partielles  $\mathcal{L}(X_{t(1)}, \dots, X_{t(N)})$  dépendent des valeurs du **temps** (ou « paramètre »)  $t \in T$ .

Par suite, les **caractéristiques légales** d'un tel processus, tq la **fonction d'autocovariance** (ou la fonction d'**autocorrélation**) ou encore le **spectre** (cf **spectre d'un processus**), dépendent en général de  $t \in T$ .

Il peut donc exister de nombreuses formes de non stationnarité (cf aussi **coïntégration**).

(ii) Lorsqu'un processus  $X$  n'est pas stationnaire, une transformation  $\psi$  peut le rendre stationnaire, ie  $Y = \psi(X)$  est un processus stationnaire (cf **changement de va, transformation des données, processus dérivé**).

Divers tests de **stationnarité** permettent de vérifier l'hypothèse de **stationnarité** relative à  $Y$  (il existe, en effet, diverses notions de stationnarité).

Après transformation (tq  $\psi$ ), il est souvent possible d'appliquer les techniques usuelles d'analyse d'un **processus stationnaire** : **analyse spectrale**, **analyse harmonique**, etc. La difficulté consiste à « remonter » des propriétés de  $Y$  à celles de  $X$ .