

RAPPORT DES EXTRÊMES (F6, G1)

(29 / 08 / 2020, © Monfort, Dicostat2005, 2005-2020)

Le **rapport des extrêmes** est, dans sa définition de base à deux éléments, l'équivalent « multiplicatif » empirique de l'**étendue** empirique (concept additif).

(i) Soit $X = (X_1, \dots, X_N)$ un **échantillon** quelconque et $X^{(\cdot)}$ l'échantillon ordonné associé à X (cf **statistique d'ordre**).

On appelle **rapport des extrêmes** la **statistique** définie par le **quotient** :

$$(1) \quad Q_N = X^{(N)} / X^{(1)}.$$

Comme l'étendue empirique, Q_N est un indicateur de **dispersion** de X (ou de P^X).

(ii) D'autres rapports des extrêmes de même type que le précédent peuvent être définis, eg le rapport $Q_N^{(1)} = X^{(N-1)} / X^{(2)}$ et, plus généralement :

$$(2) \quad Q_N^{(\alpha, \beta)} = X^{(\beta)} / X^{(\alpha)}, \quad \text{avec } 1 \leq \alpha < \beta \leq N.$$

De même, on peut définir le quotient « équilibré » rapportant un total (resp une moyenne) des valeurs extrêmes de droite à un total (resp une moyenne) des valeurs extrêmes de gauche :

$$(3) \quad Q_N^{(\alpha, \beta)} = (X^{(N)} + X^{(N-1)} + \dots + X^{(\beta)}) / (X^{(1)} + \dots + X^{(\alpha-1)} + X^{(\alpha)}) \quad (\text{où } 1 \leq \alpha < \beta \leq N)$$

(cf aussi **moment équilibré**, **moyenne équilibrée**).

(iii) X est souvent un **échantillon iid** dont la **variable parente** est une **vars** ξ de **loi** P^ξ : par suite, $P^X = (P^\xi)^{\otimes N}$.

En particulier, si P^ξ est une **loi symétrique** pr à 0, si sa **fr** F est continue et si $\text{Supp } P^\xi = \mathbf{R}$ (**support** « plein »), alors la loi de la **va** $L_N = \text{Log } Q_N$ est une loi symétrique.