

SCHÉMA D'ASSOCIATION (L1)

(21 / 05 / 2020, © Monfort, Dicostat2005, 2005-2020)

(i) Soit $E = \{A, \mathcal{S}, y, \mathcal{T}, \mathcal{T}, e\}$ un **plan d'expérience**.

Un **schéma d'association** est défini par l'**application** $e : A \mapsto \mathcal{T}$, qui associe à toute **unité expérimentale** $a_n \in A$ ($n = 1, \dots, N$) un **traitement** $l = (i_1, \dots, i_H)$.

Si $\mathcal{T}_e = \text{Im } e$ est l'ensemble des traitements effectivement appliqués aux unités, le **produit** cartésien $A \times \mathcal{T}_e$ représente alors un **schéma d'association effectif**.

(ii) L'expression vaut aussi lorsque le plan comporte des **blocs** $b = 1, \dots, B$: le **schéma d'association** est alors représenté par l'ensemble des traitements appliqués dans chacun des blocs (cf **matrice d'incidence d'un plan d'expérience**).

(iii) A titre d'exemple, soit K traitements tq $K = I \times J \times L$: chaque traitement k peut s'identifier à un point (i, j, l) d'un **lattice** à trois dimensions (avec $i = 1, \dots, I$; $j = 1, \dots, J$ et $l = 1, \dots, L$). Deux **traitements** (i', j', l') et (i'', j'', l'') sont dits :

(a) **associés d'ordre 1** ssi ils appartiennent à une « droite » parallèle à l'axe des l , ie ssi $i'' = i'$, $j'' = j'$ et $l'' \neq l'$;

(b) **associés d'ordre 2** ssi tous les deux appartiennent à un « plan » parallèle au plan des (j, l) sans appartenir à une droite parallèle à l'axe des l , ie ssi $i'' = i'$ et $j'' \neq j'$, $\forall l$;

(c) **associés d'ordre 3** ssi tous les deux appartiennent à un plan parallèle au plan des (i, l) sans appartenir à une droite parallèle à l'axe des l , ie ssi $i'' \neq i'$ et $j'' = j'$, $\forall l$;

(d) **associés d'ordre 4** sinon, ie ssi $i'' \neq i'$ et $j'' \neq j'$, $\forall l$.

Dans cet exemple, les caractéristiques (ou « paramètres ») du schéma d'association sont :

$$\begin{aligned} K &= I \cdot J \cdot L, \\ L_1 &= L - 1, \\ (1) \quad L_2 &= L \cdot (J - 1), \\ L_3 &= L \cdot (I - 1), \\ L_4 &= L \cdot (I - 1) \cdot (J - 1) \end{aligned}$$

(avec $L_1 + L_2 + L_3 + L_4 = L - 1$).