

## SUITE INDÉPENDANTE (D1, E, N)

(11 / 10 / 2019, © Monfort, Dicostat2005, 2005-2019)

(i) Soit  $(\Omega, \mathcal{F}, P)$  un **espace probabilisé**,  $(\mathcal{X}, \mathcal{B})$  un **espace probabilisable** (eg un **espace d'observation**) et  $X = (X_n)_{n \in \mathbf{N}^*}$  une **suite** de **variables aléatoires**  $X_n : \Omega \mapsto \mathcal{X}$ , de **lois** respectives  $P^{X(n)}$ .

On dit que  $X$  est une **suite indépendante de variables aléatoires** ssi, pour tout  $n \in \mathbf{N}^*$ , la suite finie  $X(N) = (X_1, \dots, X_N)$  est une **suite indépendante**, ie ssi (cf **produit de convolution** des lois) (en notant  $X(n)$  pour désigner  $X_n$  et  $XN$  pour désigner  $X(N)$ ) :

$$(1) \quad P^{XN} = P^{X(1)} \otimes \dots \otimes P^{X(N)} = \otimes_{n=1}^N P^{X(n)}.$$

(ii) Soit  $B = (B_n)_{n \in \mathbf{N}^*}$  une suite d'**événements**  $B_n \in \mathcal{B}$  ( $\forall n \in \mathbf{N}^*$ ).

On dit que  $B$  est une **suite d'événements indépendants**, ou **suite indépendante d'événements**, ssi la suite  $(\mathbf{1}(B_n))_{n \in \mathbf{N}^*}$  des **variables indicatrices** de ces événements est une suite indépendante de variables aléatoires (au sens précédent) (cf aussi **fonction indicatrice**).

(iii) L'étude des suites indépendantes joue un rôle très important en **Calcul des probabilités**, en **Statistique** (cf eg **test d'indépendance**) ainsi qu'en **théorie des processus**.

Dans certaines **situations statistiques**, il est possible, moyennant des transformations, de déduire des suites indépendantes à partir de suites dépendantes (et inversement). Ces transformations dépendent généralement de la « forme » de la **dépendance**.