

## TEST DE WATSON (F2, I2)

(18 / 06 / 2020, © Monfort, Dicostat2005, 2005-2020)

Le **test de WATSON** est un **test non paramétrique** d'**homogénéité** (stricte) entre deux **populations**, ie entre les **lois de probabilité** ou les **fonctions de répartition** qui les caractérisent.

Dans le cadre du problème à deux échantillons  $X^i$  ( $i = 1, 2$ ) (cf **problème à plusieurs échantillons**), le test de l'**hypothèse de base** (**homogénéité** stricte :

$$(1) \quad H_0 : F_2 = F_1 \quad (\text{identité des } \mathbf{fonctions de répartition})$$

est appelé **test de L. WATSON** ssi il est fondé sur la **statistique de L. WATSON**  $W_{N(1)N(2)}$  définie selon :

$$(2) \quad W_{N(1)N(2)} = N^{-2} \cdot N_1 \cdot N_2 \cdot \sum_{n=1}^N (D_n - \bar{D}_N)^2,$$

où  $N = N_1 + N_2$  est la taille de l'échantillon d'ensemble (ou échantillon « empilé »)  $X = (X^1, X^2)$ , noté  $(X_1, \dots, X_N)$ ,  $D_N = F_{N(1)}(X_n) - F_{N(2)}(X_n)$  (**écarts** entre les **fonctions de répartition empiriques**),  $F_{N(i)}$  est la fre qui génère l'**échantillon**  $X^i$  ( $i = 1, 2$ ), et  $\bar{D}_N = N^{-1} \sum_{n=1}^N D_n$  est la moyenne des écarts  $D_n$ . On note, alternativement,  $N(i)$  ou  $N_i$  pour désigner la taille de l'échantillon n°  $i$  ( $i = 1, 2$ ).

La statistique  $W_{N(1)N(2)}$  est souvent notée  $U_{N(1)N(2)}$ , ou simplement  $U$ .

La loi de  $W_{N(1)N(2)}$  permet alors de définir diverses **régions de confiance**.